РАСЧЕТ ЧАСТОТНЫХ ХАРАКТЕРИСТИК ТРУВЧАТОГО РЕАКТОРА ПРИ МАЛОМ ВНУТ-РЕННЕМ ДИАМЕТРЕ ТРУБКИ

Ю.Ш.Матрос, В.Б.Накрохин, В.С.Бесков

Целью настоящей работы является разработка методики расчета частотных характеристик трубчатых контактных аппаратов в случае, когда переходные режимы в них можно описывать моделью идеального вытеснения. Разработанная методика иллюстрируется на примере процесса окисления метанола в формальдегид на окисном катализаторе в опытном реакторе с внутренним диаметром трубки 14 мм.

## I. Методика расчета частотных характеристик

Если температуру хладоагента в межтрубном пространстве реактора можно принять одинаковой для всего объема и если перенос тепла стенкой трубки вдоль ее оси чезначителен, то математическое описание нестационарных процессов в слое катализатора в виде модели идеального вытеснения записывается так:

$$\frac{\partial \theta}{\partial \xi} + A_{4} \frac{\partial \theta}{\partial t^{i}} = -A_{2} (\theta - \theta_{cm}) + \sum_{i=1}^{n} \Delta \theta_{a} g_{i} K_{i} f_{i} (\theta, C_{i}, C_{e}, \cdot, C_{m})$$

$$\frac{\partial \theta_{cm}}{\partial t^{i}} = A_{3} (\theta - \theta_{cm}) - A_{4} (\theta_{cm} - \theta_{x});$$

$$\frac{\partial C_{i}}{\partial \xi} + \mathcal{E} \frac{\partial C_{i}}{\partial t^{i}} = -K_{i} f_{i} (\theta, C_{i}, C_{2}, \dots, C_{m});$$

$$\theta = \frac{T - T_{0}}{R T_{0}^{2} / E_{i}}; \theta_{cm} = \frac{T_{cm} - T_{0}}{R T_{0}^{2} / E_{i}}; \theta_{x} = \frac{T_{x} - T_{0}}{R T_{0}^{2} / E_{i}};$$

$$A_{i} = \frac{C_{K} + \mathcal{E}C_{p}}{C_{p}}; A_{2} = \frac{\mathcal{A}\alpha_{i} \tau_{K}}{C_{p} d}; A_{3} = \frac{\mathcal{A}\alpha_{i} d \cdot \tau_{K}}{(D_{-}^{2} - d^{2})C_{cm}};$$

$$A_{4} = \frac{4D\alpha_{4}}{(D_{-}^{2} - d^{2})C_{cm}} \cdot \tau_{K}; \xi = \frac{\tau}{\tau_{K}}; t' = \frac{t}{\tau_{K}};$$

$$\Delta \theta_{a} q_{i} = \frac{\Delta T_{a} q_{i}}{R T_{0}^{2} / E_{i}}; \Delta T_{a} q_{i} = \frac{q_{i}}{C_{p}}; K_{i} = K_{i} (T_{0}) e^{\frac{1}{1 + b\theta}};$$

$$T_{i} = \frac{\mathcal{E}_{i}}{E_{i}}; K_{i} (T_{0}) = K_{i} e^{\frac{1}{2T_{0}} \tau_{K}},$$

где

T,  $T_{gx}$ ,  $T_{cm}$ ,  $T_{x}$  - температуры в зоне реакции, на входе в реактор, стенки трубки и хладовгента в межтрубном пространстве, соответственно,  ${}^{\circ}$ к ;  ${\cal R}$  - универсальная газовая постоянная,  ${\cal R}$  =1,987  $\frac{{\rm кал}}{{\rm моль, град}}$ ;

 $\mathbf{E}_{i}$  - энергия активации константы скорости i -й реакции;

 $K_{io}$  - предэкспоненты константы сворости i -й реакции;

t - время,  $\tau_{\ell}$ ,  $\tau_{\kappa}$  - текущее и общее условное время контакта;

 $C_{Cm}$ ,  $C_{E}$ ,  $C_{\rho}$  - теплоемкость металлической стенки трубки, катализатора и реакционной среды, соответственно;

 $\alpha_1, \alpha_2$  - коэфициенты теплоотдачи реакционной среды к стенке труб-ки и хладоагента к стенке, соответственно;

 $d, \mathcal{D}$  - внутренний и наружный диаметры трубки, соответственно;  $q_i$  - тепловой эффект i -й реакции;

 $f_i$  - кинетическая функция i -й реакции, скорость которой зависит от температуры и состава реакционной смеси, состоящей из m компонентов;

 $C_1, C_2, ..., C_m$  - концентрации соответствующих компонентов; n -число реакций,  $T_0$  - температура начало отсчета;

 $\varepsilon$  - пористость слоя.

Недостающие *т.-г.* уравнений, необходимые для решения системы /I/, определяются для данной модели из балансных соотношений. Начальные условия для системы /I/ определяются из решения соответствующей стационарной задачи, получающейся из /I/ приравниванием производных по времени нулю, /при этом предполагается, что решение стационарной задачи существует/:

$$\theta(0,\xi) = \theta(\xi); C_i(0,\xi) = C_i(\xi)$$
/2/

 $\pi$ ри  $\xi = 0$  имеем

$$\Theta(t',0) = \Theta_{Bx}(t') : C_i(t',0) = C_{i,\delta x}(t')$$
/3/

После линеаризации системы /1/ в окрестности стационарного режима /2/ можно записать:

$$\frac{\partial \Delta \theta}{\partial \xi} + A_{4} \frac{\partial \Delta \theta}{\partial t'} = A_{2} \Delta \theta_{cm} + B_{0} \Delta \theta + \sum_{j=1}^{m} B_{0j} \Delta C_{j};$$

$$\frac{\partial \Delta C_{cm}}{\partial t'} = -(A_{3} + A_{4}) \Delta \theta_{cm} + A_{3} \cdot \Delta \theta + A_{4} \Delta \theta \times ;$$

$$\frac{\partial \Delta C_{i}}{\partial \Delta \xi} + \varepsilon \frac{\partial \Delta C_{i}}{\partial t'} = -B_{i} \Delta \theta - \sum_{j=1}^{m} B_{ij} \Delta C_{j};$$

$$B_{0} = -A_{2} + \frac{\partial}{\partial \theta} \left[ \sum_{i=1}^{n} \Delta \theta_{ag_{i}} K_{i} f_{i} \right] \begin{vmatrix} \theta = \theta^{*} \\ C = C^{*} \end{vmatrix};$$

$$B_{0,j} = \frac{\partial}{\partial C_{j}} \left[ \sum_{i=1}^{n} \Delta \theta_{ag_{i}} K_{i} f_{i} \right] \begin{vmatrix} \theta = \theta^{*} \\ C = C^{*} \end{vmatrix};$$

$$B_{i,j} = \frac{\partial}{\partial C_{j}} \left[ K_{i} f_{i} \right] \begin{vmatrix} \theta = \theta^{*} \\ C = C^{*} \end{vmatrix};$$

$$\Delta \theta = \theta(t', \xi) - \theta(\xi); \Delta C_{i} = C_{i}(t', \xi) - C_{f}(\xi);$$

$$\Delta \theta_{cm} = \theta_{cm}(t', \xi) - \theta_{cm}(\xi); \Delta \theta_{x} = \theta_{x}(t') - \theta_{x}(\theta),$$

причем  $\Theta^*(\xi)$  определяет стационарное распределение температур по длине стенки трубки, а  $\Theta_{\mathsf{X}}(0)$  - температуру хладоагента при  $t \le 0$ . Условия /2/ и /3/ преобразуются к виду:

$$\Delta\theta(0,\xi)=0$$
;  $\Delta\mathcal{C}_i(0,\xi)=0$ , /5/

$$\Delta \Theta(t',0) = \Delta \Theta_{\delta x}; \ \Delta C_i(t',0) = \Delta C_{i,\delta x}.$$
 /6/

В дальнейшем условимся входными параметрами в реактор называть температуру на входе  $\theta_{\ell x}$  , концентрации компонентов –  $\mathcal{C}_i$  (t',0) и температуру хладоагента –  $\theta_x$  /воэмущение в виде изменения линейной скорости, т.е.  $\mathcal{C}_{\mathcal{K}}$  , реакционной смеси здесь не рассматриваются/, выходными –  $\theta(t',\xi)$ ,  $\mathcal{C}_i$  ( $t',\xi$ ) .

$$\frac{d\Delta \overline{\theta}}{d\xi} = A_2 \Delta \overline{\theta}_{cm} + (B_0 - A_1 S) \Delta \overline{\theta} + \sum_{j=1}^{m} B_{0,j} \Delta \overline{C}_j;$$

$$0 = -(A_3 + A_4 - S) \Delta \overline{\theta}_{cm} + A_3 \Delta \overline{\theta} + A_4 \Delta \overline{\theta}_x;$$

$$\frac{d\Delta \overline{C}_i}{d\Delta \xi} = -B_i \Delta \overline{\theta} - \varepsilon S \Delta \overline{C}_i - \sum_{j=1}^{m} B_{i,j} \Delta \overline{C}_j;$$

$$\frac{d\Delta \overline{C}_i}{d\Delta \xi} = -B_i \Delta \overline{\theta} - \varepsilon S \Delta \overline{C}_i - \sum_{j=1}^{m} B_{i,j} \Delta \overline{C}_j;$$

где  $\Delta\theta$  соответствует изображению функции  $\Delta\theta$  ,  $\Delta\overline{Q_{cm}}\Delta Q_{cm}$  и т.д., S - переменная Лапласа.

Начальными условиями для решения системы /7/ являются:

$$\Delta \overline{\Theta(t',0)} = \Delta \overline{\Theta_{\delta x}}; \ \Delta \overline{C_i(t',0)} = \Delta \overline{C_{i,\delta x}}.$$

Пусть необходимо определить частотные характеристики системы по температуре на входе в реактор. Для этого разделим все члены системы /7/ и условий /8/ на  $\Delta \overline{\Theta}_{\ell x}$ :

$$\frac{dW_{\Delta\theta_{st}}}{d\xi} = A_{2}W_{\Delta\theta_{cin}} + (B_{0} - A_{1}S)W_{\Delta\theta} + \sum_{j=1}^{m} B_{0,j}W_{\Delta\theta_{j}};$$

$$\theta = -(A_{3} + A_{4} - S)W_{\Delta\theta_{cin}} + A_{3}W_{\Delta\theta_{j}};$$

$$\frac{dW_{\Delta\theta_{i}}}{d\xi} = -B_{i}W_{\Delta\theta_{j}} - \varepsilon SW_{\Delta\theta_{i}} - \sum_{j=1}^{m} B_{i,j}W_{\Delta\theta_{j}};$$

$$\frac{dW_{\Delta\theta_{i}}}{d\xi} = -B_{i}W_{\Delta\theta_{j}} - \varepsilon SW_{\Delta\theta_{i}} - \sum_{j=1}^{m} B_{i,j}W_{\Delta\theta_{j}};$$

$$\begin{array}{c} W_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ \Gamma_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ \Gamma_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ \Gamma_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left(0\right)=0 \; . \\ \\ V_{\underline{A}\underline{\theta}}\left(0\right)=1 \; ; \quad W_{\underline{A}\underline{C}}\left($$

На основании свойства коммутативности преобразования Лапласа относительно символических операций Re и Jm любая передаточная функция может быть представлена в виде:

 $W(s,\xi) = Re[W(\omega,\xi)] + iJm[W(\omega,\xi)], \qquad /II/$ The Re[W(\omega,\xi)] - Bettectberham, a  $Jm[W(\omega,\xi)]$  - MHUMAN VACTOTHME XA-

рактеристики, 60 - частота

Для расчета исходном частотной характеристики в /9/ положим  $S = i\omega$  , отделим действительные части от мнимой, используя соотношение /II/:

$$\frac{dRe[W_{\Delta\thetagx}]}{d\xi} = A_2Re[W_{\Delta\thetagx}] + B_0Re[W_{\Delta\thetagx}] + A_1\omega Jm[W_{\Delta\thetagx}] + \sum_{j=1}^{m} B_{a,j} Re[W_{\Delta\xi_{j}}];$$

$$\frac{dJm[W_{\Delta\thetag}]}{d\xi} = A_2Jm[W_{\Delta\thetagx}] - A_1\omega Re[W_{\Delta\thetagx}] + A_2\omega Gex];$$

$$+ B_0Jm[W_{\Delta\thetagx}] + \sum_{j=1}^{m} B_{\theta,j} Jm[W_{\Delta\xi_{j}}];$$

$$0 = -(A_3 + A_4)Re[W_{\Delta\thetagx}] + \omega Jm[W_{\Delta\thetagx}] + A_3Re[W_{\Delta\thetagx}]$$

$$0 = -(A_3 + A_4)Jm[W_{\Delta\thetagx}] + \omega Re[W_{\Delta\thetagx}] + A_3Jm[W_{\Delta\thetagx}]$$

$$\frac{dRe[W_{\Delta\xi_{j}}]}{d\xi} = -B_iRe[W_{\Delta\theta}] + \varepsilon \omega Jm[W_{\Delta\xi_{j}}] - \sum_{j=1}^{m} B_{i,j}Re[W_{\Delta\xi_{j}}];$$

$$\frac{dJm[W_{\Delta\xi_{i}}]}{d\xi} = -B_iJm[W_{\Delta\theta}] - \varepsilon \omega Re[W_{\Delta\xi_{i}}] - \sum_{j=1}^{m} B_{i,j}Jm[W_{\Delta\xi_{j}}];$$

$$\frac{dJm[W_{\Delta\xi_{i}}]}{d\xi} = -B_iJm[W_{\Delta\theta}] - \varepsilon \omega Re[W_{\Delta\xi_{i}}] - \sum_{j=1}^{m} B_{i,j}Jm[W_{\Delta\xi_{j}}];$$

$$\frac{dJm[W_{\Delta\xi_{i}}]}{d\xi} = -B_iJm[W_{\Delta\theta}] - \varepsilon \omega Re[W_{\Delta\xi_{i}}] - \sum_{j=1}^{m} B_{i,j}Jm[W_{\Delta\xi_{j}}];$$

Начельные условия:

$$Re[W_{\Delta\theta}(0)]=1; \quad Jm[W_{\Delta\theta}(0)]=0;$$

$$Re[W_{\Delta C_i}]=0; \quad Jm[W_{\Delta C_i}(0)]=0.$$

Таким образом, получена система из 2(m+2) линейных дифференциальных уравнений с переменными коэффициентами, которая решается на цифровой вычислительной малине известными методами /например, Рунге--Кутта/.

## 2. Частотные характеристики процесса окисления метанола

В работе /I/ приведено математическое описание нестационарного процесса в трубчатом реакторе для окисления метилового спирта на окисных катализаторах:

$$\frac{\partial \theta}{\partial \xi} + A_{1} \frac{\partial \theta}{\partial t'} = -A_{2}(\theta - \theta_{cm}) + \Delta \theta_{ag_{1}} \cdot K'_{1}C_{o}(f - x) + \\
+ \Delta \theta_{ag_{2}} \cdot K'_{2}C_{o} \frac{y}{f + \alpha C_{o}x};$$

$$\frac{\partial \theta_{cm}}{\partial t'} = A_{3}(\theta - \theta_{cm}) - A_{4}(\theta_{cm} - \theta_{x});$$

$$\frac{\partial \chi}{\partial \xi} + \varepsilon \frac{\partial \chi}{\partial t'} = K'_{1}(f - x);$$

$$\frac{\partial y}{\partial \xi} + \varepsilon \frac{\partial y}{\partial t'} = K'_{1}(f - x) - K'_{2} \frac{y}{f + \alpha C_{o}x};$$

$$\theta = \frac{T - T_{o}}{RT_{o}^{2}/E_{1}}; \quad \theta_{cm} = \frac{T_{cm} - T_{o}}{RT_{o}^{2}/E_{1}}; \quad \theta_{x} = \frac{T_{x} - T_{o}}{RT_{o}^{2}/E_{1}};$$

$$A_{1} = \frac{C_{x} + \varepsilon C_{o}}{C_{o}}; \quad A_{2} = \frac{4\alpha C_{1}}{C_{o}d} \tau_{x}; \quad A_{3} = \frac{4\alpha C_{1}}{D^{2} - \alpha^{2}C_{cm}} \tau_{x};$$

$$A_{4} = \frac{4D\alpha_{2}}{(D^{2} - d^{2})C_{om}} \tau_{x}; \quad \xi = \frac{T}{\tau_{x}}; \quad t' = \frac{t}{\tau_{x}};$$

$$\Delta \theta_{ag_{1}} = \frac{\Delta T_{ag_{1}}}{RT_{o}^{2}/E_{1}}; \quad \Delta \theta_{ag_{2}} = \frac{\Delta T_{ag_{2}}}{RT^{2}/E_{1}}; \quad \Delta T_{ag_{1}} = \frac{q_{1} \cdot Q_{0}Q_{1}}{C_{o}};$$

$$\Delta T_{ag_{2}} = \frac{q_{2} \cdot Q_{0}Q_{1}}{C_{o}}; \quad K'_{1} = K_{1}(T_{o})e^{\frac{Q_{1}}{1 + \delta Q_{1}}}; \quad K_{1}(T_{o}) = K_{10} \cdot e^{-\frac{E_{1}}{RT_{o}}} \tau_{x};$$

$$K'_{0} = K_{2}(T_{0}); \quad K'_{2}(T_{0}) = K_{20}e \quad \tau'_{x}; \quad C = \frac{E_{2}}{E_{1}},$$

где

T — температура в зоне контакта,  ${}^{O}$ К;  $T_{o}$  — температура входа исходной смеси в реактор,  ${}^{O}$ К;  $T_{cm}$  — температура стенки трубчатки,  ${}^{O}$ К;  $T_{\chi}$  — температура хлодоагента в межтрубном пространстве,  ${}^{O}$ К; R — газовая постоянная, R =  $1.987 \frac{\text{кал}}{\text{моль.град}}$ ;  $E_{I}$ ,  $E_{2}$  — энергия активации первой и второй реакции соответственно,  $\frac{\text{кал}}{\text{моль}}$ ;  $C_{o}$  — начальная концентрация метанола, %;

t - napamerp, cek;

 $a - \text{параметр}, a - 2.7%^{-1};$ 

 ${\mathcal T}$  - условное время контакта, текущее, сек;

•  $\mathcal{T}_{\kappa}$  - общее время контакта, сек;

 $C_{cm}$ ,  $C_{K}$ ,  $C_{\rho}$  - теплоемкость металлической стенки катализатора и контактных газов, соответственно,  $\frac{\text{ккал}}{3}$ ;

 $\alpha_1, \alpha_2$  - коэффициенты теплоотдачи со стороны контактных газов к стенке трубчатки и со стороны хладогента к той же стенке, соответ-

ственно,  $\frac{\kappa \kappa a \pi}{\kappa^2 \cdot \text{сек, град}}$ ;

 $d,\mathcal{D}$  - внутренний и наружный диаметры трубки, м;

 $Q_1, Q_2$  - тепловые эффекты первой и второй реакции, соответственно, кквл;

Х - общая степень превращения метанола в долях единицы;

 ${\it y}$  - степень превращения метанола в формальдегид в долях единици;

 $\mathcal E$  - пористость слоя катализатора.

Используемая здесь модель идеального вытеснения оправдана только в случае, если процесс осуществляется в трубках с малым внутренним диаметром и при высоких линейных скоростях. Экспериментальные данные, приведенные в /2/, свидетельствуют о возможности использования этой модели для расчета стационарного режима при d=14 мм. Сравнение экспериментальных частотных характеристик позволит определить возможность использования модели идеального вытеснения для расчета переходных режимов.

После линеаризации /14/ переходим к уравнениям в отклонениях и, применив к последним преобразование Лапласа по переменной t' получим,

$$\frac{d\Delta\overline{\theta}}{d\xi} = (B_1 - A_1S)\Delta\overline{\theta} + A_2\Delta\overline{\theta}_{cm} + B_2\Delta\overline{X} + B_3\Delta\overline{y} + B_4\Delta\overline{Z} + B_5\Delta\overline{u};$$

$$0 = A_3\Delta\overline{\theta} + (A_3 + A_4 - S)\Delta\overline{\theta}_{cm} + A_4\Delta\overline{\theta}_{x} + B_{13}\Delta\overline{u};$$

$$\frac{d\overline{\Delta X}}{d\xi} = B_0\Delta\overline{\theta} + (B_{x} - S)\overline{\Delta X} + B_8\Delta\overline{u};$$

$$\frac{d\overline{\Delta y}}{d\xi} = B_0\Delta\overline{\theta} + B_{10}\Delta\overline{X} + (B_{11} - S)\Delta\overline{y} + B_{12}\Delta\overline{Z} + B_{14}\cdot\overline{\Delta u};$$

$$\Delta Z = \frac{\Delta C}{C}; \qquad \Delta u = \frac{\Delta T_{x}}{T_{x}};$$

оль 19,  $10_{\rm cm}$ ,  $\Delta x$ ,  $\Delta y$ ,  $\Delta Z$ ,  $\Delta \mathcal{U}$  - маображения по Лапласу соответствую-ми отклонении параметров. Лоэффициенты  $\mathsf{B_I}$ ,  $\mathsf{P_2}$  ...  $\mathsf{B_{I4}}$  зависят от ко-

ординаты и рассчитываются из уравнений стационарного режима / I/. После приведения /14/ и /15/ к выражениям в передаточных функциях и отделения действительных частей от мнимых получим:

$$\frac{dU\overline{\Delta\theta}}{d\xi} = B_1U\overline{\Delta\theta} + \omega A_1V\overline{\Delta\theta} + A_2U\overline{\Delta\theta}_{cm} + B_2U\overline{\Deltax} + B_3U\overline{\Deltay} + B_4U\overline{\Deltaz} + B_5U\overline{\Deltau};$$

$$\frac{dV_{\Delta\theta}}{d\xi} = B_1V\overline{\Delta\theta} - \omega A_1U\overline{\Delta\theta} + A_2V\overline{\Delta\theta}_{cm} + B_2V\overline{\Deltax} + B_3V\overline{\Deltay};$$

$$0 = A_3U\overline{\Delta\theta} + (A_3 + A_4)U\overline{\Delta\theta}_{cm} + \omega V\overline{\Delta\theta}_{cm} + A_4U\overline{\Delta\theta}_x + B_{13}U\overline{\Deltau};$$

$$0 = A_3V\overline{\Delta\theta} + (A_3 + A_4)V\overline{\Delta\theta}_{cm} - \omega U\overline{\Delta\theta}_{cm};$$

$$\frac{dU\overline{\Delta x}}{d\xi} = B_6U\overline{\Delta\theta} + B_7U\overline{\Delta x} + \omega V\overline{\Delta x} + B_8U\overline{\Delta u},$$

$$\frac{dV\overline{\Delta x}}{d\xi} = B_6V\overline{\Delta\theta} + B_7V\overline{\Delta\theta} - \omega U\overline{\Delta x};$$

$$\frac{dV\overline{\Delta y}}{d\xi} = B_9U\overline{\Delta\theta} + B_{10}U\overline{\Delta x} + B_{11}U\overline{\Delta y} + \omega V\overline{\Delta y} + B_{12}U\overline{\Delta z} + B_{14}U\overline{\Delta u};$$

$$\frac{dV\overline{\Delta y}}{d\xi} = B_9V\overline{\Delta\theta} + B_{10}V\overline{\Delta x} + B_{11}U\overline{\Delta y} + \omega V\overline{\Delta y} + B_{12}U\overline{\Delta z} + B_{14}U\overline{\Delta u};$$

$$\frac{dV\overline{\Delta y}}{d\xi} = B_9V\overline{\Delta\theta} + B_{10}V\overline{\Delta x} + B_{11}V\overline{\Delta y} - \omega U\overline{\Delta y};$$

$$U - A_{RRCTBUTENDAY NABAN NORWINGHAM.}$$

соответствующему каналу возмущения.

В зависимости от исследуемого канала начальными условиями для решения системы /16/ могут быть:

 $U_{\Delta \overline{\theta}}(0) = V_{\Delta \overline{\theta}}(0) = U_{\Delta \overline{x}}(0) = V_{\overline{\Delta x}}(0) = U_{\overline{\Delta y}}(0) = V_{\overline{\Delta y}}(0) = 0. \quad /17/$ Кроме того, необходимо положить  $U\overline{\Delta Z} = 1$ ;  $U\overline{\Delta U} = U\overline{\Delta \theta_X} = V\overline{\Delta Z} = V\overline{\Delta U} = V\overline{\Delta \theta_X} = 0$ .

При изменении температуры хладоагента в межтрубном пространстве начальные условия аналогичны. Кроме того, необходимо положить:

 $U_{\Delta}\overline{\theta}_{X} = 1$ ;  $U_{\Delta}\overline{Z} = U_{\Delta}\overline{u} = U_{\Delta}\overline{Z} = U_{\Delta}\overline{u} = V_{\Delta}\overline{Z} = V_{\Delta}\overline{u} = V_{\Delta}\overline{\theta}_{X} = 0$ Решение системы /16/ для  $\xi = \xi_{...7}$ ξ<sub>г.7</sub> - координата так называемой "горячей точки, т.е. сечения слоя, в котором температура достигает максимального значения /ЗД было найдено на цифровой вычислительной машине для таких значений параметров:

$$A_{I} = 600; A_{2} = 6,21; A_{3} = 0,0052; A_{4} = 0,0127; \Delta \theta_{ag} = 0,85;$$

$$\Delta \theta_{ag} = 1,23; K_{I}/T_{0}/=1,17; K_{2}/T_{0}/=0,83; C = 6,5; \& = 0,52;$$

= 0,69. Эти эначения параметров соответствуют условиям проведения эксперимента, описанным в /3/.

На рис. I и 2 изображены рассчитанные амплитудофазовые частотные характеристики и приведены экспериментальные данные из /I/, по-лученные на основе экспериментально найденной передаточной функции.

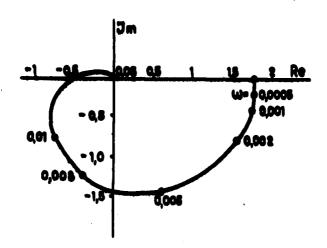


Рис. I. Амплитудо-фавс-частотная характеристика по каналу:  $\Delta \theta$ гт. температура в "горячей точке"; -  $\Delta \theta$ х температура хладовгента в межтрубном пространстве

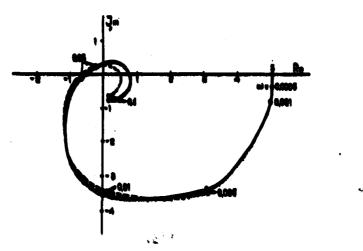


Рис. 2. Амплитудо-фаво-частотная карактеристика по канаду:-  $\Delta \theta_{\Gamma, \Gamma}$  температура в "горячей точке";-  $\Delta Z$  концентрация спирта в исходной спиртововдущной эмеси;

рассчетные данные,

Удовлетворительное совпадение рассчитанних и экспериментально найденных частотных карактеристик свидетельствует с возможности использования модели идеального витеснения для расчета переходных ре-

жимов в изучаемом вдесь реакторе.

Поступила в редакцию 80.2.1971 г.

## Литература

- I. D.Ш.Матрос, В.С.Весков. Расчет контактного аппарата с внутрежими теплообменом как объекта регулирования, -Химическая промишленкость", 1965, 5,357.
- 2. В.Г.Накрожии, Г.В.Шибанов, Г.И.Скуе, В.В.Накрожии, Ш.М.Итенберг, Х.Д.Рашрагович. Окисление метакола в формальдегид на окисных каталиваторах,-"Химическая промышленность", 1965,2,97.
- 3. D.Ш.Матроо, В.С.Весков. Расчет контактного аппарата с внутренним теплообменом как объекта регулирования. Исследование статических характеристик, - "Химическая промишленность", 1963. 12,883.